

Приложение 2 к распоряжению
управления образования
администрации города Оренбурга
от 21.12.2022 № 937

БИЛЕТЫ
муниципального публичного зачета по геометрии в 7-х классах

Билет 1.

1. Определение отрезка. Обозначение отрезка. Середина отрезка. Построение середины отрезка с помощью циркуля и линейки (без доказательства).
2. Доказать признак равенства треугольников по двум сторонам и углу между ними.
3. В треугольнике ABC проведена биссектриса CE. Найдите величину угла BCE, если $\angle BAC = 46^\circ$ и $\angle ABC = 78^\circ$.
4. Сумма вертикальных углов в 3 раза больше смежного с ними угла. Найдите вертикальные углы.

Билет 2.

1. Определение луча. Обозначение луча. Определение биссектрисы угла. Построение биссектрисы угла при помощи циркуля и линейки (без доказательства).
2. Доказать признак равенства треугольников по стороне и двум прилежащим углам.
3. В прямоугольном треугольнике DEF катет DF равен 14 см, $\angle E = 30^\circ$. Найдите гипotenузу DE.
4. Биссектриса внешнего угла при вершине B треугольника ABC параллельна стороне AC. Найдите величину угла CAB, если $\angle ABC = 32^\circ$.

Билет 3.

1. Определение угла. Обозначение угла. Построение угла, равного данному (без доказательства).
2. Доказать признак равенства треугольников по трем сторонам.
3. Угол при основании равнобедренного треугольника равен 72° . Найдите угол при вершине.
4. Углы треугольника ABC относятся так: $\angle A : \angle B : \angle C = 1 : 2 : 3$. Биссектриса BM угла ABC равна 6. Найдите длину отрезка MC.

Билет 4.

1. Определение и свойство смежных углов (формулировка).
2. Доказать теорему о сумме углов треугольника.
3. Периметр равнобедренного треугольника 19 см, а основание – 7 см. Найти боковую сторону треугольника.

4. Внешний угол при вершине В треугольника АВС равен 102° . Биссектрисы углов А и С треугольника пересекаются в точке О. Найдите величину угла АОС. Дайте ответ в градусах.

Билет 5.

1. Определение и свойство вертикальных углов (формулировка).
2. Доказать свойство биссектрисы равнобедренного треугольника.
3. Один из углов, образованных при пересечении двух прямых, на 50° меньше другого. Найти эти углы.
4. Высоты, проведенные к боковым сторонам АВ и АС остроугольного равнобедренного треугольника АВС, пересекаются в точке М. Найдите углы треугольника, если угол ВМС = 140° .

Билет 6.

1. Определение треугольника. Стороны, вершины, углы треугольника. Периметр треугольника.
2. Аксиома параллельных прямых. Доказать следствия из аксиомы параллельных прямых.
3. Внешний угол равнобедренного треугольника равен 76° . Найдите углы треугольника.
4. Угол АОВ равен 138° . Через точки А и В проведены прямые, которые параллельны сторонам данного угла и пересекаются в точке С. Найдите углы, которые образовались при пересечении этих прямых.

Билет 7.

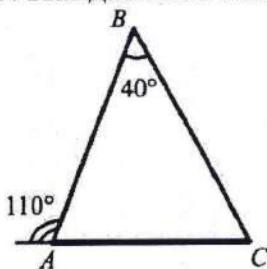
1. Определение равнобедренного треугольника. Равносторонний треугольник. Сформулировать свойства равнобедренного треугольника.
2. Доказать свойства смежных и вертикальных углов.
3. Углы треугольника АВС относятся так: $\angle A : \angle B : \angle C = 3:4:5$. Найдите углы этого треугольника.
4. В равнобедренном треугольнике АВС с основанием АС угол В равен 120° . Высота треугольника, проведённая из вершины А, равна 7. Найдите длину стороны АС.

Билет 8.

1. Определение медианы, биссектрисы и высоты треугольника.
2. Сформулировать признаки параллельных прямых. Доказать один по выбору обучающегося.
3. Диаметры АВ и СD окружности пересекаются в точке О. Найдите величину угла АDO, если $\angle BOD = 150^\circ$.
4. Биссектриса угла при основании равнобедренного треугольника равна основанию треугольника. Найдите его углы.

Билет 9.

- Определение внешнего угла треугольника. Сформулировать свойство внешнего угла треугольника.
- Доказать, что при пересечении двух параллельных прямых секущей накрест лежащие углы равны.
- Найдите все неизвестные углы треугольника ABC.



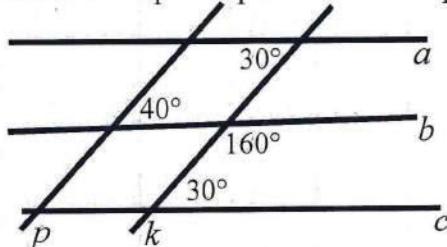
- В треугольнике ABC углы А и С равны 40° и 60° соответственно. Найдите угол между высотой BH и биссектрисой BD.

Билет 10.

- Определение остроугольного, прямоугольного, тупоугольного треугольника. Стороны прямоугольного треугольника.
- Доказать, что при пересечении двух параллельных прямых секущей а) соответственные углы равны, б) сумма односторонних равна 180° .
- Между сторонами угла AOB, равного 110° , проведен луч OC так, что угол AOC на 30° меньше угла BOC. Найдите углы AOC и COB.
- В прямоугольном треугольнике биссектриса наименьшего угла образует с меньшим катетом углы, один из которых на 20° больше другого. Найдите острые углы данного треугольника.

Билет 11.

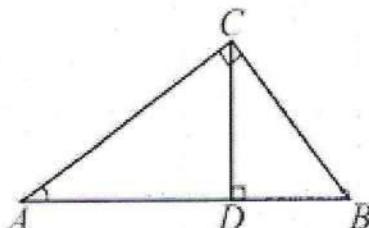
- Определение окружности. Центр, радиус, хорда, диаметр и дуга окружности.
- Доказать свойство углов при основании равнобедренного треугольника.
- Укажите пары параллельных прямых и докажите их параллельность.



- Два угла треугольника относятся как 4:7, а внешний угол третьего угла равен 121° . Найдите углы треугольника.

Билет 12.

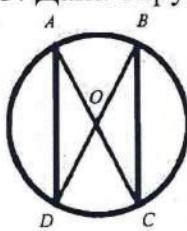
- Определение параллельных прямых и параллельных отрезков. Сформулировать аксиому параллельных прямых.
- Доказать теорему о соотношении между сторонами и углами треугольника (прямую или обратную). Следствия из теоремы.
- В прямоугольном треугольнике ABC с прямым углом C проведена высота CD . Найдите величину угла A , если угол BCD равен 50° .



- Точка A лежит на окружности с центром в точке O . AB и AC – равные хорды окружности, AD – ее диаметр. Докажите, что DA – биссектриса угла BDC .

Билет 13.

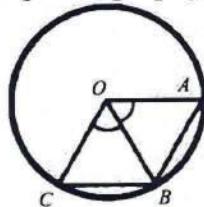
- Определение расстояния от точки до прямой. Наклонная. Определение расстояния между параллельными прямыми.
- Доказать, что каждая сторона треугольника меньше суммы двух других. Что такое неравенство треугольника?
- Дана окружность с центром в точке O . $AD=4$ см. Найдите BC .



- Два внешних угла треугольника при разных вершинах равны. Периметр треугольника равен 78 см, а одна из сторон равна 18 см. Найдите две другие стороны треугольника.

Билет 14.

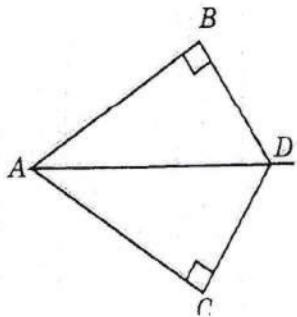
- Сформулировать признаки равенства прямоугольных треугольников.
- Доказать свойство внешнего угла треугольника.
- Радиус окружности, с центром в точке O равен 7 см. Найдите BC , если периметр треугольника AOB 20 см.



4. Докажите, что биссектрисы внутренних односторонних углов при параллельных прямых и секущей перпендикулярны.

Билет 15.

1. Что такое секущая? Назовите пары углов, которые образуются при пересечении двух прямых секущей.
2. Доказать свойство катета прямоугольного треугольника, лежащего против угла в 30^0 . Сформулировать обратное утверждение.
3. AD – биссектриса угла BAC . Докажите равенство треугольников ABD и ACD .



4. В окружности с центром в точке О проведены диаметры BD и AC. Параллельны ли прямые AD и BC?

Начальник
управления образования



Л.О. Бебешко